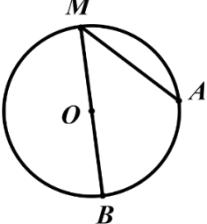
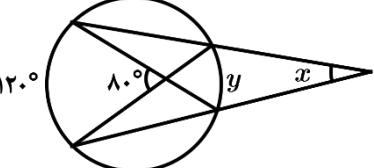
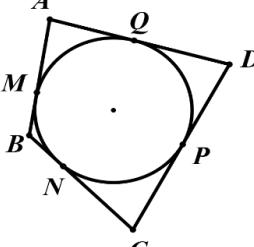
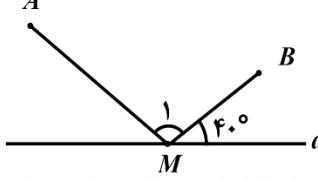
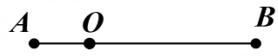
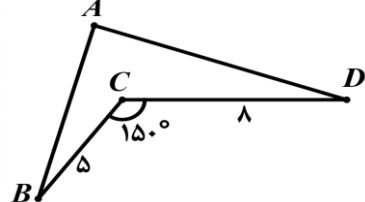


۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: یازدهم	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
		نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۱۲۰ دقیقه	مدت آزمون: ۷:۳۰ به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد یا ترمیم ساقه تحصیلی مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		(داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		
نمره	سوالات (پاسخ برگ دارد)			ردیف

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید. الف) در هر دایره، طول یک کمان، برابر با اندازه زاویه مرکزی مقابل به آن کمان است. ب) دو دایره به طول شعاع‌های ۳ و ۵ سانتی‌متر و طول خط‌المرکزین ۲ سانتی‌متر، مماس بروند هستند. ج) تبدیل انتقال، جهت شکل را حفظ می‌کند. د) تبدیل بازتاب نسبت به خط، بی‌شمار نقطه ثابت دارد.	۱
۱	در هر قسمت، پاسخ مناسب را بنویسید. الف) فاصله مرکز دایره‌ای از یک خط، کمتر از شعاع آن دایره است. این خط و دایره نقطه اشتراک دارند. (یک ، دو) ب) در هر مثلث، نقطه همرسی نیمسازها، مرکز دایره مثلث است. (محیطی ، محاطی) ج) شب خط ، همواره حفظ می‌شود. (انتقال ، دوران) د) دورانی به مرکز O و زاویه، تبدیلی همانی است. (180° ، 360°)	۲
۱,۲ ۵	در شکل زیر مرکز دایره است. ثابت کنید؛ اندازه زاویه محاطی \hat{M} ، برابر با نصف اندازه کمان مقابل به آن زاویه است. 	۳
۱	با توجه به شکل، مقدار x را محاسبه کنید. 	۴
۱,۲ ۵	از نقطه P خارج دایره، مماس PT و خط قاطعی نسبت به دایره رسم خط قاطع دایره را در نقاط A و B قطع می‌کند. ثابت کنید: $PT^2 = PA \times PB$	۵
۱,۵	دو دایره متاخرج داریم که طول مماس مشترک داخلی و خارجی آنها به ترتیب برابر 10 و 24 سانتی‌متر و طول خط‌المرکزین آن‌ها مساوی 26 سانتی‌متر است. طول شعاع‌های دو دایره را به دست آورید.	۶
۱	مثلثی به طول اضلاع a ، b و c با شعاع دایره محاطی داخلی به اندازه r و سه ارتفاع به طول‌های h_a ، h_b و h_c را درنظر بگیرید. نشان دهید: $\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r}$	۷
صفحه ۱ از ۲		

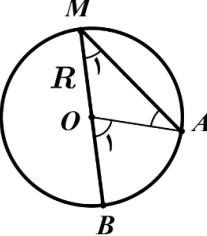
۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: یازدهم	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
		نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۱۲۰ دقیقه	مدت آزمون: ۷:۳۰ به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و مقاومین کیفیت نظام آموزش و پرورش		تعداد صفحه: ۲		
دش آرزویی و تفہیم کیفیت نظام آموزش و پرورش			(داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	

ردیف	نمره	سوالات (پاسخ برگ دارد)	ردیف
۸	۱	در چهارضلعی محیطی زیر ثابت کنید؛ مجموع اندازه‌های دو ضلع مقابل، برابر با مجموع اندازه‌های دو ضلع دیگر است. 	
۹	۰,۵	مطابق شکل، نقطه M روی خط d چنان در نظر می‌گیریم که $AM + MB$ کمترین مقدار ممکن شود. اندازه زاویه \hat{M} را به دست آورید. 	
۱۰	۱	مطابق شکل زیر، نقطه O روی پاره خط AB است. ثابت کنید؛ تحت دورانی به مرکز O هر زاویه حاده a ، اندازه پاره خط AB با تصویر آن با هم برابرند. 	
۱۱	۱	در شکل زیر، می‌خواهیم بدون تغییر طول ضلع‌ها، مساحت شکل را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را به دست آورید. 	
۱۲	۱,۲ ۵	ثابت کنید، در هر تبدیل طولپا، تبدیل یافته یک زاویه، زاویه‌ای همان اندازه آن است.	
۱۳	۱,۲ ۵	محل برخورد قطرهای مستطیلی را O می‌نامیم. در تجانسی به مرکز O و نسبت $\frac{2}{3}$ ، مساحت بین آن مستطیل و تصویرش برابر 10 است. مساحت مستطیل اولیه را محاسبه کنید.	
۱۴	۱,۵	در مثلث ABC با شعاع دایره محیطی R می‌دانیم؛ $\angle B = 135^\circ$ و $\angle C = 10^\circ$. اندازه زاویه $\angle A$ و طول ضلع AC را حساب کنید.	
۱۵	۰,۷۵	در مثلث ABC با فرض $\angle A > \angle B > \angle C = a$ و $AB = c$ ، $AC = b$ در $a^2 > b^2 + c^2$ اگر و تنها اگر $c > a$ را در نظر بگیرید.	
۱۶	۱ ۱,۲ ۵	مثلثی به طول اضلاع 6 ، 10 و 14 را در نظر بگیرید. الف) با استفاده از قضیه کسینوس‌ها، اندازه زاویه کسینوس‌ها را محاسبه کنید. ب) به کمک دستور هرون، طول ارتفاع وارد بر کوچک‌ترین ضلع مثلث را به دست آورید.	
۱۷	۱,۵	در مثلث ABC داریم؛ $\angle A = 15^\circ$ ، $BC = 12$ و $AB = 5$. طول نیمساز زاویه داخلی $\angle A$ را محاسبه کنید.	

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
	ساعت شروع:	۷:۳۰	به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			تعداد صفحه:	
نمره	راهنمای نمره‌گذاری			ردیف

۱	بارم هر قسمت (۰/۲۵)	د) درست ۳۶ صفحه	ج) درست ۴۲ صفحه	ب) نادرست ۲۰ صفحه	الف) نادرست ۱۲ صفحه	۱
۱	بارم هر قسمت (۰/۲۵)	۳۶° صفحه	ج) انتقال ۳۹ صفحه	ب) محاطی ۲۵ صفحه	الف) دو صفحه	۲

۱.۲۵	روش اول:
	مرکز دایره را به نقطه A وصل می‌کنیم.



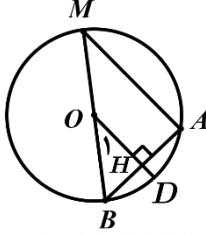
$OM = OA = R \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{A}$ (۱) (۰/۲۵)

رسم شکل (۰/۲۵)

$$\underbrace{\hat{O}_1}_{(۰/۲۵)} = \hat{M}_1 + \hat{A} \quad (۲) \quad (۰/۲۵)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow \underbrace{\hat{O}_1}_{(۰/۲۵)} = ۲\hat{M}_1 \Rightarrow \widehat{BA} = ۲\hat{M}_1 \Rightarrow \hat{M}_1 = \frac{\widehat{BA}}{۲} \quad (۰/۲۵)$$

روش دوم:
و تر AB و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. درنتیجه

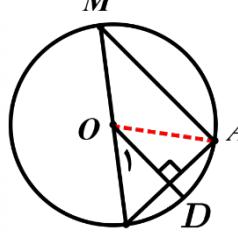


$OH \perp AB \Rightarrow BH = AH$, $\widehat{BD} = \widehat{DA}$

$$\frac{BO}{BM} = \frac{BH}{BA} = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵)$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{B} = \hat{B} \\ \hat{M} = \hat{O}_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \underline{\hat{OBH} \sim \hat{MAB}} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \hat{M} = \hat{O}_1 = \frac{\widehat{AB}}{2} \quad (۰/۲۵)$$

روش سوم:
و تر AB و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. درنتیجه



$OD \perp AB \Rightarrow \widehat{BD} = \widehat{DA} \Rightarrow \hat{O}_1 = \frac{\widehat{BA}}{2}$ (۱) (۰/۲۵)

از طرفی چون در مثلث AMB میانه وارد بر یک ضلع، نصف آن ضلع است، لذا مثلث قائم‌الزاویه است. (۰/۲۵) پس

$$\left. \begin{array}{l} MA \perp AB \\ OD \perp AB \end{array} \right\} \Rightarrow MA \parallel OD \Rightarrow \hat{M} = \hat{O}_1 \xrightarrow{(۱)} \hat{M} = \frac{\widehat{BA}}{2} \quad (۰/۲۵)$$

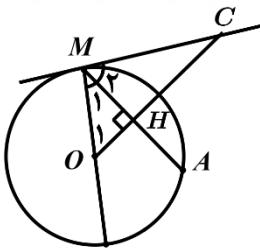
Telegram: @konkur_in

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترکران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره	

روش چهارم:

از نقطه M خطی بر دایره، مماس می‌کنیم. همچنین، از نقطه O به وتر AM عمود می‌کنیم و امتداد می‌دهیم تا خط مماس را در نقطه C قطع کند. درنتیجه

رسیم شکل (۲۵/۰)



$$OH \perp AM \Rightarrow O_1 = \frac{\widehat{AM}}{r}$$

(+/-)

$$\underbrace{O_1 + M_1 = M_7 + M_1}_{(+) / 25} = 9$$

$$\underbrace{M_1 + M_2}_{(\cdot/2\Delta)} = 90^\circ = \frac{180^\circ}{2} = \frac{BA + AM}{2}$$

$$\underbrace{M_1 + \frac{\widehat{AM}}{\gamma}}_{(\cdot/\gamma\Delta)} = \frac{\widehat{BA} + \widehat{AM}}{\gamma} \Rightarrow M_1 = \frac{\widehat{BA}}{\gamma}$$

صفحه ۱۴

$$\underbrace{\frac{120^\circ + y}{2}}_{(\cdot/2\Delta)} = 80^\circ \quad , \quad \underbrace{\frac{120^\circ - y}{2}}_{(\cdot/2\Delta)} = x \Rightarrow \underbrace{y = 40^\circ}_{(\cdot/2\Delta)}, \quad x = \underbrace{40^\circ}_{(\cdot/2\Delta)}$$

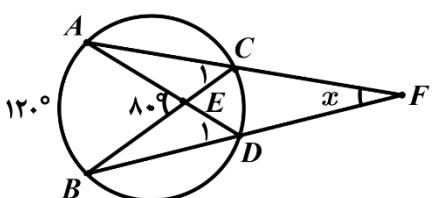
روش اول:

روش دوم: با استفاده از ویژگی های زاویه محاطی و زاویه خارجی داریم:

(•/۲۵)

$$\wedge^\circ = \hat{C} + \hat{A} = \frac{12^\circ}{\gamma} + \hat{A} \Rightarrow \hat{A} = 2^\circ \quad (*)$$

\hat{v} v° } $(\cdot / \gamma \Delta)$



روش سوم:

وش سوم:

$$y = \frac{z+t}{2}, \quad x = \frac{z-t}{2} \Rightarrow x + y = z \Rightarrow x + 80^\circ = 120^\circ \Rightarrow x = 40^\circ$$

تذکر: در صورت آوردن جواب به کمک رابطه $z = x + y$ بدون اثبات، فقط (۱۵/۰) نمره تعلق گیرد.

مشاهه تمرین ۲ صفحه ۱۶

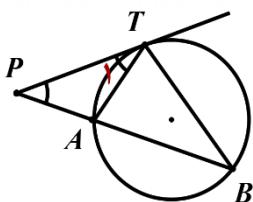
راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه:	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پژوهش Azmoon.medu.ir			

نمره

راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

۱.۲۵



رسم شکل (۰/۲۵)

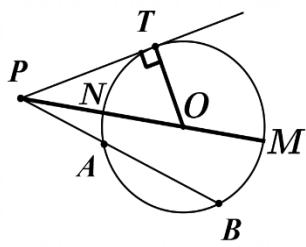
روش اول:

از نقطه T به A و B وصل می‌کنیم.

$$\begin{cases} \widehat{P} = \widehat{P} & (۰/۲۵) \\ \widehat{T} = \widehat{B} = \frac{\widehat{TA}}{2} & (۰/۲۵) \end{cases} \Rightarrow \overbrace{PAT \sim PBT}^{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\frac{PT}{PA} = \frac{PB}{PT}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow PT^2 = PA \times PB$$

روش دوم:

نقطه P را به مرکز دایره وصل می‌کنیم و امتداد می‌دهیم. سپس نقاط برخورد با دایره را M و N می‌نامیم. قرار می‌دهیم $OP = d$. پس



رسم شکل (۰/۲۵)

$$\begin{aligned} PN \times PM &= PA \times PB \Rightarrow (d - R)(d + R) = PA \times PB \\ &\Rightarrow \underbrace{PA \times PB}_{(۰/۲۵)} = d^2 - R^2 \quad (۱) \end{aligned}$$

از طرفی در مثلث قائم‌الزاویه $\triangle OPT$ داریم

(۰/۲۵)

$$OT^2 + PT^2 = OP^2 \Rightarrow PT^2 = d^2 - R^2 \quad (۲)$$

بنابر روابط (۱) و (۲) داریم $PT^2 = PA \times PB$ (درصورتی که PA از مرکز بگذرد، اثبات به روش مشابه برقرار است)

قضیه صفحه ۱۹

۱.۵

فرض کنیم طول خط‌المرکzin دو دایره برابر d و طول شعاع‌های آنها R و R' باشد. ($R > R'$)

$$= \sqrt{d^2 - (R + R')^2} \quad \text{طول مماس مشترک خارجی} \quad \text{و} \quad = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \quad \text{درنتیجه}$$

(۰/۲۵) (۰/۲۵)

$$\underbrace{10^2 = 26^2 - (R + R')^2}_{(۰/۲۵)} \quad \text{و} \quad \underbrace{24^2 = 26^2 - (R - R')^2}_{(۰/۲۵)}$$

$$\Rightarrow R + R' = 26, \quad R - R' = 10 \Rightarrow R = 18, \quad R' = 8$$

(۰/۵)

مشابه تمرین ۵ صفحه ۲۳

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
	ساعت شروع:	۷:۳۰	به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینتلگر ان، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			تعداد صفحه:
نمره	راهنمای نمره‌گذاری			ردیف

۱

روش اول:

$$S = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{2S} \quad (1)$$

(۰/۲۵)

$$\text{به طور مشابه} \quad \frac{1}{h_c} = \frac{c}{2S}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{2S} \quad (2)$$

(۰/۲۵)

$$\underbrace{(1), (2)}_{(۰/۲۵)} \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \underbrace{\frac{2P}{2S}}_{(۰/۲۵)} = \frac{1}{r}$$

۷

روش دوم:

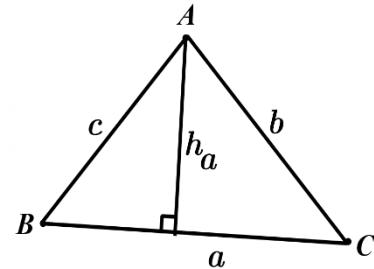
با توجه به شکل داریم

$$h_a = c \sin B \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{1}{c \sin B} \quad (1)$$

(۰/۲۵)

$$\text{به طور مشابه} \quad \frac{1}{h_c} = \frac{1}{b \sin A}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{1}{a \sin C} \quad (2)$$

$$\underbrace{(1), (2)}_{(۰/۲۵)} \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{c \sin B} + \frac{1}{a \sin C} + \frac{1}{b \sin A}$$



$$\begin{aligned} &= \frac{a}{ca \sin B} + \frac{b}{ab \sin C} + \frac{c}{bc \sin A} \\ &\quad (۰/۲۵) \\ &= \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \frac{2P}{2S} = \frac{P}{S} = \frac{1}{r} \end{aligned}$$

روش سوم: ابتدا دایره محاطی داخلی مثلث را رسم می‌کنیم. حال با توجه به شکل داریم:

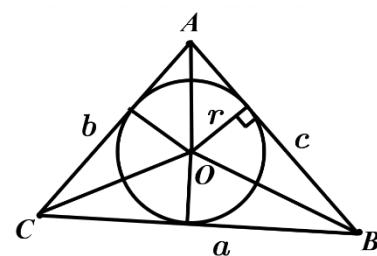
$$\underbrace{S_{OBC} + S_{OAC} + S_{OAB}}_{(۰/۲۵)} = S_{ABC}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} ar + \frac{1}{2} br + \frac{1}{2} cr = S = \frac{1}{2} ah_a$$

$$\Rightarrow h_a = \frac{ar + br + cr}{a} = \frac{rP}{a} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{rP} \quad (1)$$

(۰/۲۵)

$$\text{به طور مشابه} \quad \frac{1}{h_c} = \frac{c}{rP}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{rP} \quad (2)$$



$$\underbrace{(1), (2)}_{(۰/۲۵)} \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{rP} + \frac{b}{rP} + \frac{c}{rP} = \underbrace{\frac{P}{rP}}_{(۰/۲۵)} = \frac{1}{r}$$

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داوطلبان آزاد و متقاضیان آیجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره	

روش چهارم:

$$\underbrace{S = \frac{1}{\gamma} a h_a \Rightarrow rP = \frac{1}{\gamma} a h_a}_{(\cdot/\gamma\Delta)} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{\gamma rP} \quad (1)$$

$$\underbrace{\frac{1}{h_c} = \frac{c}{\gamma r P} \quad , \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{\gamma r P}}_{(\cdot/\gamma \Delta)} \quad (2)$$

$$\frac{(1), (2)}{\underbrace{\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c}}_{(\cdot/\tau\Delta)} = \frac{a}{\tau rP} + \frac{b}{\tau rP} + \frac{c}{\tau rP} = \underbrace{\frac{\tau P}{\tau rP}}_{(\cdot/\tau\Delta)} = \frac{1}{r}}$$

روش پنجم: فرض کنیم R شعاع دایره محیطی مثلث باشد. پس

$$\left. \begin{aligned} S &= \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ab \left(\frac{c}{2R} \right) = \frac{abc}{2R} \\ S &= \frac{1}{2} ah_a \end{aligned} \right\} \Rightarrow \underbrace{\frac{1}{h_a} = \frac{2R}{bc}}_{(\cdot/2\Delta)}, \quad abc = 2RS \quad (1)$$

$$\text{به طور مشابه} \quad \frac{1}{h_c} = \frac{2R}{ab} \quad , \quad \frac{1}{h_b} = \frac{2R}{ac} \quad (2)$$

$$\underbrace{\frac{(\textcircled{1}), (\textcircled{2})}{\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{rR}{bc} + \frac{rR}{ac} + \frac{rR}{ba}}}_{(\cdot/r\Delta)} = \underbrace{\frac{rR(a+b+c)}{abc}}_{(\cdot/r\Delta)} = \frac{rRP}{rRS} = \frac{1}{r}$$

٣٠ صفحه ۵ تمرین

روش اول:

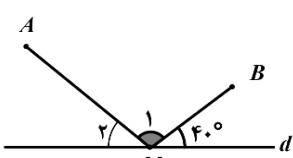
$$\begin{aligned} \underbrace{\mathbf{AB} + \mathbf{CD}}_{\substack{(\cdot/\triangle) \\ = (\mathbf{AQ} + \mathbf{DQ}) + (\mathbf{BN} + \mathbf{CN})}} &= (\mathbf{AM} + \mathbf{BM}) + (\mathbf{DP} + \mathbf{CP}) = \underbrace{(\mathbf{AQ} + \mathbf{BN}) + (\mathbf{DQ} + \mathbf{CN})}_{\substack{(\cdot/\triangle) \\ = (\mathbf{AD} + \mathbf{BC})}} \\ &\quad \substack{(\cdot/\triangle) \\ (\cdot/\triangle)} \end{aligned}$$

روش دوم:

$$AM = AQ = x, \quad QD = DP = y \Rightarrow \begin{cases} MB = BN = AB - x \\ PC = NC = DC - y \end{cases} \quad (\textcolor{red}{\cdot / \Delta})$$

$$\Rightarrow \underbrace{AD + CB = (x + y) + (AB - x + CD - y)}_{(\textcolor{red}{\cdot / \Delta})} = \underbrace{AB + CD}_{(\textcolor{red}{\cdot / \Delta})}$$

۲۷ صفحه قضیه



$$\underbrace{M_r}_{(\cdot/\nabla\Delta)} = \mathfrak{f}_+^\circ \Rightarrow \underbrace{M_1}_{(\cdot/\nabla\Delta)} = \mathfrak{l}^\circ$$

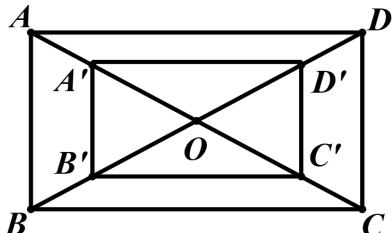
نتيجه سوال صفحه ۵۲

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
	ساعت شروع:	۷:۳۰	به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			تعداد صفحه:	
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		ردیف	

۱	<p>اگر T یک دوران به مرکز O و زاویه α باشد، با توجه به شکل تحت T داریم:</p> $\underbrace{T(A) = A'}_{(+/25)}, \quad \underbrace{T(B) = B'}_{(+/25)} \Rightarrow \underbrace{OA = OA'}_{(+/25)}, \quad \underbrace{OB = OB'}_{(+/25)}$ $\Rightarrow \underbrace{AB = OA + OB}_{(+/25)} = \underbrace{OA' + OB'}_{(+/25)} = A'B'$ <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>تذکر: به جواب مسئله، با رسم شکل و به صورت نوشتار فارسی به طور کامل، نیز نمره کامل داده شود.</p> <p>قضیه صفحه ۴۱</p>	۱۰
۱	<p>روش اول:</p> <p>ابتدا بازتاب نقطه C را تحت BD به دست می‌آوریم و آن را C' می‌نامیم. بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با:</p> $\underbrace{S_{BC'DC}}_{(+/25)} = \underbrace{2S_{BDC}}_{(+/25)} = \underbrace{2\left(\frac{1}{2}CB \times CD \sin C\right)}_{(+/25)} = ۵ \times ۸ \times \frac{1}{2} = ۲۰$ <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>	
۱۱	<p>روش دوم:</p> <p>ارتفاع BH را رسم می‌کنیم. $\hat{C}_1 = ۳۰^\circ$ لذا</p> $\underbrace{(+/25). BH = \frac{1}{2} BC = \frac{5}{2}}_{(+/25)}$ <p>بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با:</p> $\underbrace{2S_{BDC}}_{(+/25)} = \underbrace{2\left(\frac{1}{2} BH \times CD\right)}_{(+/25)} = \underbrace{2\left(\frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times ۸\right)}_{(+/25)} = ۲۰$ <p>مشابه تمرين ۵ صفحه ۵۴</p>	۱۱
۱.۲۵	<p>فرض کنیم T یک تبدیل طولپا باشد. در این صورت با توجه به شکل تحت T داریم</p> $\underbrace{T(O) = O', \quad T(A) = A', \quad T(B) = B'}_{(+/25)}$ <p>درنتیجه پاره خطهای AB, OB, OA و $O'B', O'A'$ به ترتیب به پاره خطهای $A'B'$ تصویر می‌شود. (۰ / ۲۵) چون تبدیل طولپاست داریم:</p> $\underbrace{OA = OA', \quad OB = OB', \quad AB = A'B'}_{(+/25)}$ $\Rightarrow \underbrace{\triangle AOB \cong \triangle A'O'B'}_{(+/25)} \Rightarrow \underbrace{\hat{O} = \hat{O'}}_{(+/25)}$ <p>رسم تصویر زاویه (۰/۲۵)</p> <p>تذکر: به جواب مسئله، با رسم شکل و به صورت نوشتار فارسی به طور کامل، نیز نمره کامل داده شود.</p>	۱۲

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره

روش اول: اگر S و S' به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:



$$\frac{S - S' = 1\Delta}{(\cdot / 2\Delta)} \Rightarrow \underbrace{S - \frac{\cancel{1}}{2} S}_{(\cdot / \Delta)} = 1\Delta \Rightarrow \underbrace{S = 1\Delta}_{(\cdot / 2\Delta)}$$

رسم شکل (۲۵/۰)

روش دوم: اگر S و S' به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:

$$\underbrace{S - S' = 1}_{(\cdot/2\Delta)} \Rightarrow AB \times AD - A'B' \times A'D' = AB \times AD - \underbrace{\frac{1}{3}AB \times \frac{1}{3}AD}_{(\cdot/\Delta)} = 1 \Rightarrow \underbrace{S = AB \times AD = 18}_{(\cdot/2\Delta)}$$

رسم شکل (۰/۲۵)

روش سوم: اگر S و S' به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:

$$\frac{S'}{S} = k^r = \left(\frac{r}{q}\right)^r = \frac{r}{q} \Rightarrow \frac{S - S'}{S} = \frac{\Delta}{q} \Rightarrow \frac{1}{S} = \frac{\Delta}{q} \Rightarrow S = q\Delta$$

(\cdot / Δ) $(\cdot / q\Delta)$ $(\cdot / q\Delta)$

رسم شکل (۰/۲۵)

روش چهارم: فرض کنیم S و S' به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشند و α یکی از زاویه‌های بین دو قطر مستطیل باشد. می‌دانیم در هر مثلث میانه، مثلث را به دو مثلث هم مساحت تقسیم می‌کند بنابراین:

$$\begin{aligned}
 & \underbrace{S - S' = 1 \cdot \Rightarrow \mathfrak{f}S_{OAB} - \mathfrak{f}S_{OA'B'} = 1 \cdot}_{(\cdot / 2\Delta)} \\
 & \Rightarrow \mathfrak{f}\left(\frac{1}{2}OA \times OB \times \sin \alpha\right) - \mathfrak{f}\left(\frac{1}{2}OA' \times OB' \times \sin \alpha\right) = 1 \cdot \\
 & \Rightarrow OA \times OB \times \sin \alpha - \frac{\mathfrak{f}}{2}OA \times OB \times \sin \alpha = \Delta \Rightarrow OA \times OB \times \sin \alpha = \mathfrak{f} \\
 & \Rightarrow S = \mathfrak{f}\left(\frac{1}{2} \times OA \times OB \times \sin \alpha\right) = 18 \quad (\cdot / 2\Delta)
 \end{aligned}$$

رسم شکل (۲۵/۰)

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
	ساعت شروع:	۷:۳۰	به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داولیبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			تعداد صفحه:	
نمره	راهنمای نمره‌گذاری			ردیف

۱.۵

روش اول:

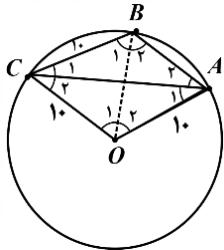
$$\frac{BC}{\sin A} = \frac{AC}{\sin B} = ۲R \Rightarrow \frac{۱۰}{\sin A} = \frac{AC}{\sin ۱۳۵^\circ} = ۲ \times ۱۰$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin A = \frac{۱}{۲} \Rightarrow A = ۱۵۰^\circ \vee A = ۳۰^\circ \\ AC = ۲ \times \frac{\sqrt{۲}}{۲} = ۱۰\sqrt{۲} \end{cases}$$

روش دوم:

دایره محیطی مثلث را رسم می‌کنیم. مطابق شکل داریم:

$$OA = OC = OB = CB = ۱۰$$



$$\Rightarrow \begin{cases} \triangle COB : O_1 = B_1 = 60^\circ & (1) \\ B_1 + B_2 = 135^\circ & \end{cases} \Rightarrow B_2 = 75^\circ \quad (۰/۲۵)$$

$$\Rightarrow \triangle AOB : A_1 + A_2 = B_2 = 75^\circ \Rightarrow O_2 = 30^\circ \quad (۰/۲۵)$$

$$\Rightarrow \hat{AO}C = 90^\circ \Rightarrow CA^2 = 10^2 + 10^2 \Rightarrow CA = 10\sqrt{2} \quad (۰/۵)$$

$$\hat{AO}C = 90^\circ \Rightarrow \triangle COA : C_2 = A_1 = 45^\circ \Rightarrow A_2 = 30^\circ \quad (۰/۵)$$

۱۴

روش سوم:

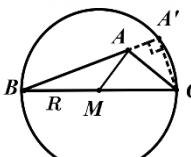
در مثلث ABC , اگر $AB = c$, $AC = b$, $BC = a = 10$ مساحت مثلث باشد داریم:

$$S = \frac{1}{2}ac \sin B \Rightarrow S = \frac{1}{2} \times 10 \times c \times \sin 135^\circ = \frac{5\sqrt{2}}{2}c \quad (۱)$$

$$S = \frac{1}{2}ab \sin C = \frac{1}{2}ab \left(\frac{c}{2R} \right) = \frac{abc}{4R} \Rightarrow R = \frac{abc}{4S} \stackrel{(۱)}{\Rightarrow} 10 = \frac{10bc}{4 \times \frac{5\sqrt{2}}{2}c} \Rightarrow AC = b = 10\sqrt{2}$$

$$S = \frac{1}{2}bc \sin \hat{A} = \frac{5\sqrt{2}}{2}c \Rightarrow \sin A = \frac{1}{2} \Rightarrow \hat{A} = 150^\circ \vee \hat{A} = 30^\circ$$

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
	ساعت شروع:	۷:۳۰	به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			تعداد صفحه:	
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		ردیف	

۰.۷۵	روش اول: $\begin{aligned} a^2 > b^2 + c^2 &\Leftrightarrow b^2 + c^2 - 2bc \cos A > b^2 + c^2 \Leftrightarrow -2bc \cos A > 0 \Leftrightarrow \cos A < 0 \Leftrightarrow A > 90^\circ \end{aligned}$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	روش دوم: فرض کنیم R شعاع دایره محیطی مثلث باشد. درنتیجه: $\begin{aligned} a^2 > b^2 + c^2 &\Leftrightarrow 4R^2 \sin^2 A > 4R^2 \sin^2 B + 4R^2 \sin^2 C \quad \text{(۰/۲۵)} \\ &\Leftrightarrow \sin^2 A > \sin^2 B + \sin^2 C \Leftrightarrow \sin^2(A+B+C) > \sin^2 B + \sin^2 C \\ &\Leftrightarrow \sin^2 B \cos^2 C + \cos^2 B \sin^2 C + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > \sin^2 B + \sin^2 C \\ &\Leftrightarrow \sin^2 B(\cos^2 C - 1) + \sin^2 C(\cos^2 B - 1) + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > 0 \quad \text{(۰/۲۵)} \\ &\Leftrightarrow \sin^2 B(-\sin^2 C) + \sin^2 C(-\sin^2 B) + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > 0 \\ &\Leftrightarrow \cos B \cos C > \sin B \sin C \Leftrightarrow \cos B \cos C - \sin B \sin C > 0 \\ &\Leftrightarrow \cos(B+C) > 0 \Leftrightarrow B+C < 90^\circ \Leftrightarrow A > 90^\circ \quad \text{(۰/۲۵)} \end{aligned}$	۱۵
۱	روش سوم:  <p>با توجه به شکل اگر $BC = a$, $AM = m_a$ ابتدا ثابت می‌کنیم:</p> $\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2}$ <p>دایره‌ای به قطر BC و به مرکز M وسط ضلع BC می‌زنیم. با توجه به شکل و ویژگی‌های زاویه خارجی داریم:</p> $\begin{aligned} a = 2R \\ (۰/۲۵) \quad 2m_a < a \Leftrightarrow m_a < R \Leftrightarrow \hat{A} > 90^\circ \end{aligned}$ <p>بنابراین:</p> $\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2} \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{4} \Leftrightarrow 2m_a < \frac{a}{2} \Leftrightarrow 2m_a + \frac{a}{2} < a \Leftrightarrow b^2 + c^2 < a^2$ (۰/۵)	۷۴	
۱.۲۵	<p>الف) فرض کنیم $a = 6$, $b = 10$, $c = 14$</p> $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C \Rightarrow 14^2 = 6^2 + 10^2 - 2(6)(10) \cos C \Rightarrow \cos C = -\frac{1}{2} \Rightarrow C = 120^\circ$ (۰/۵) (۰/۲۵) <p>مشابه کار در کلاس ۲ صفحه ۶۵</p> <p>(ب)</p> $P = \frac{6+10+14}{2} = 15 \quad (۰/۲۵)$ $S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = \sqrt{15 \times 9 \times 5 \times 1} = 15\sqrt{3} \quad , \quad S = \frac{1}{2} \times 6 \times h_a = 15\sqrt{3} \Rightarrow h_a = 5\sqrt{3}$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) <p>مشابه مثال صفحه ۷۱</p>	۱۶	

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
۱۴۰۴	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
۱۴۰۴	پایه: یازدهم	پایه: یازدهم
۱۴۰۴	تاریخ آزمون: ۰۷/۰۳/۱۴۰۴	تاریخ آزمون: ۰۷/۰۳/۱۴۰۴
۱۴۰۴	ساعت شروع: ۰۷:۳۰	ساعت شروع: ۰۷:۳۰
۱۴۰۴	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
۱۴۰۴	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، دادوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، دادوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴

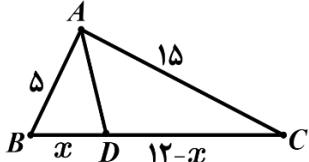
1.5

راهنمای نمره‌گذاری

ردیف

روش اول:

با فرض $DC = 12 - x$ داریم $BD = x$ درنتیجه



$$\overline{AD}^2 = \overline{AB} \times \overline{AC} - \overline{BD} \times \overline{DC} = 6 \times 15 - 3 \times 9 = 48 \Rightarrow \overline{AD} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$$

توجه: برای به دست آوردن BD , DC روش های زیر قابل قبول است:

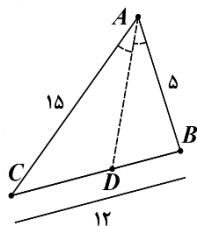
$$\frac{BD = \frac{12 \times 6}{16 + 6} = 3}{(6/12)}$$

۱۰

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \Rightarrow \frac{AB}{\underbrace{AC + AB}_{(./25)}} = \frac{BD}{\underbrace{DC + BD}_{(./25)}} \Rightarrow \frac{8}{20} = \frac{BD}{12} \Rightarrow \underbrace{BD = 4, DC = 9}_{(./15)}$$

روش دوم:

$$12^r = 15^r + 8^r - 2 \times 15 \times 8 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{8^r}{15}$$

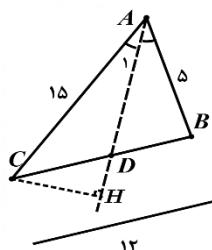


$$\Rightarrow \cos\left(\frac{A}{2}\right) = \frac{1 + \cos A}{2} = \frac{1 + \frac{\sqrt{3}}{2}}{2} \Rightarrow \cos\left(\frac{A}{2}\right) = \frac{\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}}{2} = \frac{1 + \sqrt{3}}{4}$$

$$AD = d_a = \frac{bc \cos\left(\frac{A}{2}\right)}{b+c} = \frac{\Delta \times \Delta \times 1\Delta \times \frac{\Delta}{\Delta \sqrt{3}}}{1\Delta + \Delta} = \sqrt{3} \quad (1)$$

روش سوم:

$$12^r = 10^r + 8^r - 2 \times 10 \times 8 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{8^r}{10}$$



$$\sin^2 \hat{A} = \frac{1 - \cos \hat{A}}{2} = \frac{11}{18} \Rightarrow \sin \hat{A} = \frac{\sqrt{33}}{\sqrt{18}} \Rightarrow CH = \sqrt{33} \quad (\textcircled{4} / \textcircled{5})$$

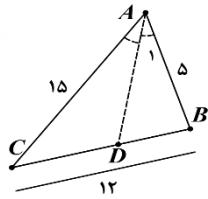
$$S_{ABC} = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = \sqrt{11} \quad (\text{+ 25})$$

$$\frac{S_{ABD}}{S_{ADC}} = \frac{8}{18} \Rightarrow \frac{S_{ABC}}{S_{ADC}} = \frac{2}{18} \Rightarrow S_{ADC} = 6\sqrt{11} \quad (\cdot / 25)$$

$$S_{ADC} = 9\sqrt{11} = \frac{1}{2}AD \times CH \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (\cdot / 25)$$

۱۴۰۴/۰۳/۰۷	تاریخ آزمون:	پایه: یازدهم	پایه: ریاضی و فیزیک	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
	ساعت شروع:	۷:۳۰	به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینتلرگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			تعداد صفحه:	
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		ردیف	

روش چهارم:



$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{5^2}{75} \quad (0 / 25)$$

$$\sin^2 \hat{A}_1 = \frac{1 - \cos \hat{A}}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin \hat{A}_1 = \frac{\sqrt{33}}{15} \quad (0 / 25)$$

$$\cos B = \frac{20+144-225}{120} = -\frac{7}{15} \Rightarrow \sin B = \frac{4\sqrt{11}}{15} \quad (0 / 5)$$

$$\frac{AD}{\sin B} = \frac{BD}{\sin \hat{A}_1} \Rightarrow \frac{AD}{\frac{4\sqrt{11}}{15}} = \frac{3}{\frac{\sqrt{33}}{15}} \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0 / 5)$$

روش پنجم:

در مثلث ABC ، اگر $AB = c$, $AC = b$, $BC = a$ و با فرض این‌که S مساحت و $2P$ محیط مثلث

باشد داریم:

$$AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = bc - \frac{ac}{b+c} \times \frac{ab}{b+c} = \frac{bc((b+c)^2 - a^2)}{(b+c)^2} = \frac{bc(2P - 2a)(2P)}{(b+c)^2} = \frac{4bcP(P-a)}{(b+c)^2} \quad (0 / 25)$$

$$AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} \quad (0 / 25)$$

$$AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} = \frac{2}{20} \sqrt{16 \times 5 \times 15 \times 4} = 4\sqrt{3} \quad (0 / 25)$$

تذکر: در صورت عدم اثبات فرمول فوق، فقط نمره خط آخر یعنی $(0 / 75)$ منظور گردد.

مشابه تمرين ۲ صفحه ۷۰

همکار محتوه، از زممات شما سپاسگزاریم. لطفا به موارد زیر دقت فرمایید:

- تاکید می‌شود که ملاک نمره‌گذاری، راهنمای نمره‌گذاری است و از اعمال سلیقه خودداری شود. اما برای پاسخ‌های صحیح دیگر هر سوال به تناسب، نمره منظور شود تا حقی از دانش آموز ضایع نشود.
- در این راهنمای نمره‌گذاری، برخی سوالات از چندین روش حل شده است (برخی از روش‌ها فقط فرم نگارش آن متفاوت با روش‌های دیگر است). اما در کتاب درسی، اکثر این سوالات به روش نخست حل شده‌اند. ارائه این روش‌ها فقط به جهت درنظر گرفتن روش‌های احتمالی دانش آموزان و اختصاص نمره به ایشان است و پرداختن به این روش‌ها در کلاس درس توصیه نمی‌شود.
- معمولأ، رسیدن به جواب نهایی سوال، در چند مرحله انجام می‌شود. در صورتی که دانش آموز در مراحل ابتدایی اشتباه کرده باشد، اما با توجه به آن اشتباه بقیه موارد را درست انجام داده باشد، فقط نمره آن اشتباه کسر شود و به بقیه مراحل درست، نمره داده شود.
- این راهنمای نمره‌گذاری، در ساعت اولیه بعد از برگزاری امتحان به صورت غیرقابل استناد منتشر می‌شود و پس از بررسی نهایی، به صورت رسمی و قابل استناد منتشر می‌شود. لطفا دقت فرمایید که نمره‌گذاری شما بر طبق راهنمای نهایی و قابل استناد باشد.